

$$I \in \text{Invs} \wedge I_1 \subseteq I \implies \text{sp}(I_1, r) \subseteq I$$