

$$S_0 \neq \emptyset \Rightarrow S_1 \subseteq S_2$$