

$$sp(I_1, r) \subseteq I_1$$