

r_1, r_2 transitive $\rightarrow (x, z) \in r_1, r_2 \rightarrow (x, z) \in \bigcap S$