

$$sp(I_1 \cap I_2, r) \subseteq I_2$$